УДК 53.084.2

# ОБ УСТОЙЧИВОСТИ ВОЛЬФРАМОВЫХ ЗОНДОВ ПРИ ФУНКЦИОНИРОВАНИИ СКАНИРУЮЩЕГО ЗОНДОВОГО МИКРОСКОПА В РЕЖИМАХ ДИНАМИЧЕСКОЙ СИЛОВОЙ ЛИТОГРАФИИ И НАНОИНДЕНТИРОВАНИЯ

### А.О. Голубок, А.Л. Пинаев, А.А. Феклистов, С.А. Чивилихин

Проведено исследование устойчивости вольфрамового зонда под действием продольного механического напряжения, возникающего при работе сканирующего зондового микроскопа в режимах динамической силовой литографии и наноиндентирования. В рамках предложенной теоретической модели получено выражение для критической силы продольного сжатия, превышение которой приводит к потере устойчивости и изгибу зонда. Представлены экспериментальные данные, полученные в сканирующем зондовом микроскопе с пьезорезонансным датчиком силового взаимодействия, демонстрирующие устойчивое и неустойчивое поведение вольфрамового зонда при наноиндентировании и динамической силовой литографии поверхности образца из поликарбоната.

**Ключевые слова:** сканирующая зондовая микроскопия, динамическая силовая литография, наноиндентирование, пьезорезонансный зондовый датчик.

#### Введение

Сканирующий зондовый микроскоп (СЗМ) отличается многообразием возможных режимов работы, среди которых – режимы наноиндентирования (НИ) и динамической силовой литографии (ДСЛ). В этих режимах [1] вершина зонда СЗМ определенное время находится в механическом контакте с поверхностью образца и испытывает достаточно сильное продольное сжатие. Традиционный датчик силового взаимодействия представляет собой микробалку (кантилевер) с нанозондом у вершины в виде кремниевой пирамидки, высота которой соизмерима с характерным размером основания (рис. 1, а).



Рис. 1. Зондовые датчики СЗМ: стандартный кремниевый кантилевер (а); пьезорезонансный датчик с вольфрамовым зондом (б) (на вставке справа дано увеличенное РЭМ изображение вершины зонда)

Если давление в области механического контакта не превосходит предела пластической деформации кремния, то такие зонды остаются устойчивыми к продольному сжатию, т.е. в процессе НИ и ДСЛ они не теряют форму, изгибаясь относительно продольной оси, и на их вершинах не образуется наклеп. Альтернативой кремниевому кантилеверу является пьезорезонансный датчик силового взаимодействия, представляющий собой, например, пьезокерамическую трубку, к торцу которой прикреплен зонд из заостренной вольфрамовой проволоки [2] (рис. 1, б). В этом случае тонкая и длинная вершина зонда подвержена неустойчивости при продольном сжатии, что может привести к ее изгибу в процессе НИ и ДСЛ. Целью работы было создание математической модели для определения критической силы потери устойчивости в зависимости от угла заточки зонда и экспериментальная демонстрация результатов применения вольфрамового зонда (W зонда) с оптимальным углом заточки в режимах ДСЛ и НИ.

#### Устойчивость зонда при продольном сжатии

Заостренный методом электрохимического травления W зонд представляет собой симметричный относительно оси вращения стержень переменного сечения. Уравнение, описывающее изгиб стержня переменного сечения, согласно [3] имеет вид

$$E\frac{d^2}{dx^2}\left(I\left(x\right)\frac{d^2\xi}{dx^2}\right) + F\frac{d^2\xi}{dx^2} = 0, \qquad (1)$$

где X – поперечное смещение оси стержня; x – продольная координата; E – модуль Юнга вещества стержня; F – продольная сила, сжимающая стержень; I(x) – момент инерции поперечного сечения стержня. Для стержня, опертого по концам, граничные условия к уравнению (1) имеют вид

$$\xi\Big|_{x=0,L} = 0, \quad \frac{d^2\xi}{dx^2}\Big|_{x=0,L} = 0, \tag{2}$$

где L – длина стержня.

Существование точного решения задачи устойчивости конического стержня кругового сечения было отмечено в [3]. Найдем это решение. В случае конического стержня кругового сечения имеем

$$I(x) = \frac{\pi R^4(x)}{4}, \quad R(x) = R_0 + \left(R_1 - R_0\right)\frac{x}{L},$$

где R(x) – радиус стержня в зависимости от продольной координаты;  $R_0$  и  $R_1$  – радиус стержня при X=0 и L соответственно (рис. 2, б).



Рис. 2. РЭМ изображение зонда (а); используемая при расчете критической силы сжатия модель зонда (б)

Вводя новую переменную  $W(x) = I(x) \frac{d^2 \xi}{dx^2}$ , приводим краевую задачу (1), (2) к виду

$$EI(x)\frac{d^{2}W}{dx^{2}} + FW = 0,$$
(3)
$$W|_{-W} = 0$$
(4)

$$w_{|_{x=0}} - w_{|_{x=L}} - 0$$
. (4)  
В качестве независимой переменной удобно использовать радиус стержня

$$r = \frac{R(n)}{R_0}$$
.

Тогда задача (3), (4) приобретает окончательный вид

$$r^4 \frac{d^2 W}{dr^2} + \lambda^2 W = 0, \qquad (5)$$

$$W\big|_{r=0} = W\big|_{r=r_1} = 0,$$
(6)

где

r

$$_{\rm i} = \frac{R_1}{R_0}, \quad \lambda^2 = \frac{4FL_2}{\pi E R_0^2 \left(R_1 - R_0\right)^2}.$$
 (7)

Решение уравнения (5) имеет вид

$$W = r \left( A \cos\left(\frac{\lambda}{r}\right) + B \sin\left(\frac{\lambda}{r}\right) \right). \tag{8}$$

Используя граничные условия (6), получаем систему однородных алгебраических уравнений для неопределенных коэффициентов *A*, *B*:

$$A\sin(\lambda) + B\cos(\lambda) = 0,$$
  

$$A\sin\left(\frac{\lambda}{r_1}\right) + B\cos\left(\frac{\lambda}{r_2}\right) = 0.$$
(9)

Условием существования нетривиального решения системы (9) и соответственно дифференциального уравнения (5) с граничными условиями (6) является равенство нулю определителя системы (9)

$$\begin{vmatrix} \sin(\lambda) & \cos(\lambda) \\ \sin\left(\frac{\lambda}{r_1}\right) & \cos\left(\frac{\lambda}{r_2}\right) \end{vmatrix} = \sin\left(\lambda - \frac{\lambda}{r_1}\right) = 0, .$$
(10)

Уравнение (10) позволяет определить спектр значений параметра λ соответствующих ветвлению решений уравнения изгиба стержня. Минимальный отличный от нуля корень уравнения (10) равен

 $\lambda_{\min} = \frac{\pi r_1}{r_1 - 1}$ . Подставляя в (7) найденное минимальное значение параметра  $\lambda$ , получаем критическое зна-

чение сжимающей силы

$$F_{\rm np} = \frac{\pi^3 E R_0^2 R_1^2}{4L^2} \,. \tag{11}$$

В случае кругового стержня постоянного сечения это условие сводится к классическому результату [4]. Если сжимающая сила *F* превышает это критическое значение, то стержень теряет устойчивость и изгибается, переходя к новому устойчивому состоянию.

Тангенс угла α наклона образующей конического стержня по отношению к его оси можно записать в виде

$$tg\alpha = \frac{R_1 - R_0}{L}.$$

Для длинного стержня при  $R_1 >> R_0$  tg $\alpha \approx \frac{R_1}{L}$ , и критическую силу (11) можно представить в виде

$$F_{\rm np} = \frac{\pi^3 E R_0^2}{4} t g^2 \alpha \,. \tag{12}$$

Таким образом, при острых (малых) углах заточки  $F_{\rm kp}$  квадратично убывает с уменьшением радиуса зонда и угла между осью и образующей конуса.

Очевидно, что для модификации поверхности образца и исключения наклепа на поверхности зонда [5] механическое давление в области контакта P должно превосходить предел пластической деформации образца  $P_S$ , но быть меньше, чем предел пластической деформации зонда  $P_P$ :

 $P_S < P < P_P$ .



Рис. 3. Экспериментальная кривая подвода образца к зонду

Полезно сделать грубую оценку силы  $F_{SP}$ , действующей со стороны образца на зонд в момент их механического контакта. Будем считать, что ось симметрии зонда перпендикулярна поверхности образца, а контакт между зондом и образцом возникает в результате ускоренного движения образца с массой  $m_S$  по направлению к зонду под действием резкого скачка управляющего напряжения  $V = l/\beta$ , где  $\beta$  – чувствительность сканера по вертикали z. Пусть l – длина пути, пройденного образцом ускоренно за время, определяемое быстродействием сканера. Учтем, что быстродействие сканера определяется его периодом колебаний T на резонансной частоте f. Оценим быстродействие сканера как  $\tau \sim T/4 = 1/4 f$ . Тогда силу, возникающую в момент контакта между зондом и образцом, можно оценить как

$$F_{SP} \sim 2 m_S l/\tau^2 = 32 m_S l f^2.$$
<sup>(13)</sup>

Для пути l, проходимого образцом до соударения с зондом, возъмем экспериментальное значение  $l = l_0$ , где  $l_0$  – равновесное расстояние между зондом и образцом, определяемое из экспериментальной кривой подвода (рис. 3). Для устойчивой работы зонда необходимо удовлетворить условие

 $F_{SP} < F_{\kappa p}$ .

Тогда, согласно выражениям (12) и (13), для устойчивости зонда в процессе ДСЛ и НИ получим условие

 $R_0^2 tg^2 \alpha > 128 m_s l_0 f^2 / \pi^3 E \approx 4 m_s l_0 f^2 / E$ .

(14)

#### Методика эксперимента

В экспериментах по ДСЛ и НИ использовался C3M «NANOEDUCATOR» [6] с пьезорезонансным датчиком (рис. 1, б) силового взаимодействия [2]. Как и в работе [7], образцы для НИ и ДСЛ изготавливались из поликарбоната, на поверхность которого методом распыления Au мишени в Ar плазме напылялся тонкий слой Au. Давление газа составляло 2 мбар, ток разряда имел величину 30 мА. Расстояние от мишени до подложки составляло около 4 см. Толщина пленки контролировалась с помощью кварцевых весов и лежала в диапазоне 20–25 нм.

Визуализация поверхности проводилась в полуконтактном силовом режиме. В режимах ДСЛ и НИ, в определенных и заранее заданных точках  $(X_i, Y_i)$ , на вход высоковольтного усилителя, обеспечивающего перемещение образца по координате Z, подавался импульс напряжения, складывающийся в сумматоре с сигналом обратной связи следящей системы (СС) СЗМ. Для осуществления динамического контакта поверхности образца с зондом коэффициент усиления в разорванной петле обратной связи СС, амплитуда и длительность управляющего импульса подбирались таким образом, чтобы постоянная времени СС была больше времени сближения зонда с образцом. В противном случае СС скомпенсирует механический удар.

На обратном ходе развертки сканирования управляющий импульс на сумматор не подавался, а производилось считывание нанорельефа, образованного в результате динамического контакта. Таким образом, модификация и визуализация поверхности образца осуществлялись одним и тем же зондом.

Зонды для ДСЛ изготавливались из вольфрамовой проволоки с исходным диаметром 150 мкм с помощью электрохимического травления на переменном токе в слабом щелочном электролите (5% раствор КОН).

В отличие от режима ДСЛ, при реализации режима НИ использовался зондовый датчик в виде камертона, плечами которого являлись две пьезокерамические трубки. К одному из плеч камертона присоединялся зонд из вольфрамовой иглы (как на рис. 1, б). Такой зондовый датчик имел повышенную добротность по сравнению с датчиком на основе одиночной трубки и демонстрировал лучшую стабильность, что позволяло получать стабильный пьезоотклик датчика при индентировании поверхности образца.

Для работы в режиме НИ на вершине W острия закреплялся алмазный наконечник. Для этого поверхность W иглы покрывалась тонким слоем полимерного клея, затвердевающего под действием ультрафиолетового излучения. Затем осуществлялся контакт зонда с алмазным порошком (рис. 4, а), в результате которого к вершине острия прикреплялись случайно расположенные алмазные кристаллы. Окончательная фиксация микроалмазов на вершине W зонда осуществлялась под действием ультрафиолетового излучения. Контроль размеров и формы вершины W острия проводился с использованием растрового электронного микроскопа (рис. 4, б).



Рис. 4. РЭМ изображение исходного алмазного порошка: используемого при изготовлении зонда-индентера (а); вершина W зонда, модифицированного алмазными кристаллами (б)

#### Экспериментальные результаты и обсуждение

На рис. 5, а, представлено РЭМ изображение зонда с углом заточки около 10° и радиусом закругления около 70 нм. На рис. 5, б, представлено изображение этого же зонда после контакта с поверхностью образца в режиме ДСЛ. Видно, что под действием продольного сжатия зонд потерял форму. На рис. 5, в, представлено РЭМ изображение зонда с углом заточки около 30° и радиусом закругления около 120 нм, полученное после осуществления контакта с поверхностью того же образца при аналогичном воздействии управляющего импульса.



Рис. 5. РЭМ изображение W зондов: неустойчивый зонд до ДСЛ (а); неустойчивый зонд после продольного сжатия в режиме ДСЛ (б); устойчивый зонд после продольного сжатия в режиме ДСЛ (в)

Видно, что при данном угле заточки зонд сохранил свою форму при продольном сжатии в режиме ДСЛ. Полученный результат согласуется с приведенным выше оценочным условием (14) для устойчивости зонда. Действительно, у используемого в наших экспериментах прибора определенная экспериментально резонансная частота сканера *f* равнялась ~  $10^3$  Гц и масса держателя с образцом  $m_s$  составляла ~  $2 \cdot 10^{-3}$  кг. Положив для модуля Юнга вольфрама *E* справочное значение  $350 \cdot 10^9$  Па и взяв из экспериментальной кривой подвода (рис. 3, а) значение  $l_0 ~ 20$  нм, получим, что зонд с радиусом 70 нм и углом заточки  $\alpha=30^{\circ}$  попадает в область устойчивости относительно продольного сжатия. Конечно, следует помнить, что условие (14) представляет собой лишь грубую оценку экспериментальной ситуации, имеющей место в реальном режиме ДСЛ. Однако, принимая во внимание результаты эксперимента и учитывая, что при увеличении угла  $\alpha$  с  $10^{\circ}$  до  $30^{\circ}$  требования неравенства (14) изменяются на порядок (tg2( $30^{\circ}$ )/ tg<sup>2</sup>( $10^{\circ}$ )=11,6), можно считать полученную выше оценку для устойчивости W зонда достаточно адекватной.

На рис. 6 представлено C3M-изображение результатов НИ поверхности поликарбоната. На поверхности образца наблюдается отчетливый отпечаток алмазной пирамидки, зафиксированной на вершине W зонда. Понятно, что зонд с алмазной пирамидкой на вершине защищен от наклепа.



Рис. 6. Топография поверхности образца из поликарбоната после НИ зондом с алмазным кристаллом на вершине (а); поперечное сечение СЗМ-изображения (б)

Отметим, что в данном случае при изготовлении по описанному выше способу зонда для НИ (рис. 4, б) использовалось исходное W острие с радиусом закругления, много большим 100 нм. Очевидно, что

такие зонды останутся устойчивыми даже при больших давлениях в области контакта. Очевидно, что при работе с алмазными зондами-наноиндентерами, изготовленными на основе исходных W игл с малым радиусом закругления, оценивать их устойчивость по отношению к продольному сжатию можно также с помощью выражений (12), (14). Видно, что описанный выше способ создания W зонда с алмазным наконечником обеспечивает как собственно наноиндентирование, так и визуализацию наноотпечатка в полуконтактной силовой моде с хорошим пространственным разрешением.

На рис. 7 представлено СЗМ-изображение и поперечное сечение фрагмента двумерной решетки, созданной методом ДСЛ на поверхности Аи пленки, напыленной на полимерную подложку. Период решетки *d* равен 460 нм вдоль направления *AB* и 265 нм вдоль направления, перпендикулярного к *AB*.



Рис. 7. СЗМ-изображение двумерной решетки, созданной методом ДСЛ в Аи пленке толщиной 20 нм, напыленной на поликарбонатную подложку (а); поперечное сечение СЗМ-изображения, выполненное вдоль линии *АВ* (б)

Отметим, что созданная с помощью W зонда методом ДСЛ структура представляет собой двумерную дифракционную решетку, которая, как известно, выполняет спектральное разложение при отражении белого света. В работающем на отражение оптическом микроскопе модифицированный в режиме ДСЛ участок золотой пленки выглядел как фиолетовый квадрат на золотом фоне при угле падения  $\phi = 45^{\circ}$ .

Воспользовавшись условием  $2d \sin \varphi = \lambda$  и положив для фиолетового света  $\lambda = 390$  нм, получим d=275 нм, что согласуется с прямым измерением периода дифракционной решетки (рис. 7).

#### Заключение

В результате механического контакта зонда с поверхностью образца, осуществляемого в режимах ДСЛ и НИ, возникают силы продольного сжатия, которые могут привести к неустойчивости и необратимому изгибу вольфрамовых зондов, совмещенных с пьезорезонансными датчиками силового взаимодействия. Критическая сила, определяющая неустойчивость зонда, квадратичным образом уменьшается при уменьшении его радиуса и тангенса угла заточки. Показано, что вольфрамовые зонды с радиусом закругления около 100 нм и углом заточки около 30°, а также подобные зонды с алмазными наконечниками, устойчивы по отношению к изгибу при работе в режимах НИ и ДСЛ. С помощью таких зондов методом ДСЛ могут быть изготовлены дифракционные решетки на отражение, в том числе с переменным шагом.

Работа выполнена в рамках реализации и при финансовой поддержке ФЦП «Научные и научнопедагогические кадры инновационной России» на 2009–2013 годы (ГК П557) и гранта 2.1.2/9784 Минобрнауки РФ.

#### Литература

- 1. Голубок А.О., Пинаев А.Л., Чивилихин Д.С., Чивилихин С.А. Динамическая силовая литография на тонких металлических пленках в сканирующем зондовом микроскопе с пьезорезонансным датчиком локального взаимодействия // Научное приборостроение. 2011. Т. 21. № 1. С. 31–43.
- 2. Голубок А.О., Васильев А.А., Керпелева С.Ю., Котов В.В., Сапожников И.Д. Датчик локального силового и туннельного взаимодействия в сканирующем зондовом микроскопе // Научное приборостроение. 2005. Т. 15. № 1. С. 62–69.
- 3. Биргер И.А., Пановко Я.Г. Прочность, устойчивость, колебания. М.: Машиностроение, 1968. 567 с.
- 4. Джонсон К. Механика контактного взаимодействия. М.: Мир, 1989. 510 с.

## А.О. Голубок, А.Л. Пинаев, А.А. Феклистов, С.А. Чивилихин

- 5. Неволин В.К. Зондовые нанотехнологии в электронике. М.: Техносфера, 2006. 160 с.
- 6. Быков В.А., Васильев В.Н., Голубок А.О. Учебно-исследовательская мини-лаборатория по нанотехнологии на базе сканирующего зондового микроскопа NanoEducator // Российские нанотехнологии. 2009. № 5–6. С. 45–48.
- 7. Пинаев А.Л., Голубок А.О. Микро- и наномодификация металлического слоя на полимерной подложке в режиме динамической силовой литографии // Научно-технический вестник СПбГУ ИТМО. – 2010. – № 68. – С. 67–73.

Голубок Александр Олегович	-	Санкт-Петербургский государственный университет информационных
		технологий, механики и оптики, доктор физмат. наук, профессор, зав.
		кафедрой, golubok@ntspb.ru
Пинаев Александр Леонидович	-	Санкт-Петербургский государственный университет информационных
		технологий, механики и оптики, младший научный сотрудник, pinaich@mail.ru
Феклистов Андрей Алексеевич	_	Санкт-Петербургский государственный университет информационных
-		технологий, механики и оптики, аспирант, feklistoff@yandex.ru
Чивилихин Сергей Анатольевич	-	Санкт-Петербургский государственный университет информационных
		технологий, механики и оптики, доктор физмат. наук, профессор,
		chivilikhin@gmail.com