## В. А. Кособукин

## БЛИЖНЕПОЛЬНАЯ МИКРОСКОПИЯ НА ОСНОВЕ ЛИНЕЙНОГО НАНОЗОНДА

Обсуждаются особенности ближнепольной микроскопии посредством линейного нанозонда, сканирующего поверхность образца на субволновом расстоянии от нее. В качестве зонда рассматривается нанопроволока благородного металла, обладающая локальными плазмонами. Применительно к ближнеполевой микроскопии магнитных доменов исследованы зависящие от положения зонда поляризация рассеянного света и магнитооптическая модуляция его интенсивности, резонансно усиленная плазмонами.

**Ключевые слова:** ближнепольная оптика, магнитооптика, микроскопия, рассеяние света, плазмон, электромагнитное усиление.

**Введение.** Задачей ближнепольной микроскопии является получение изображений структуры вещества с разрешением существенно меньшего масштаба, чем длина волны света [1]. Для этого применяют апертуры (щели), волоконно-оптические зонды, малые частицы. Необычайная слабость ближнепольного отклика, особенно магнитооптического, делает необходимым использовать возбуждение локальных плазмонов для усиления слабосигнального отклика [2, 3].

В данной работе обсуждаются принципы сканирующей ближнепольной оптической микроскопии в схеме, использующей линейный нанозонд в качестве источника ближнего светового поля. Схема имеет общий характер, но ниже она обсуждается применительно к ближнепольной магнитооптике. По аналогии с работами [4—7] развивается теория ближнепольных магнитооптических эффектов Керра в рассеянии света линейным зондом. Последний имеет субволновые размеры в двух поперечных измерениях, что необходимо для реализации ближнепольной оптики, а сканирование зондом поверхности образца позволяет сравнивать отклик (оптический контраст) в разных приповерхностных областях. Предлагаемая теория может представить интерес для магнитооптики и микроскопии материалов с плазмонными включениями [8] и для приложений в создании устройств сверхплотной записи [9].

**Принципы ближнепольной оптической микроскопии** приповерхностных магнитных неоднородностей нанометрового размера [7] реализованы в магнитооптическом микроскопе,

использующем ближнее поле малой (диаметром 30 нм) частицы благородного металла (см. экспериментальную [2] и теоретические работы [4—6]). Рассмотрение магнитооптической задачи позволяет продемонстрировать как общие принципы ближнепольной микроскопии, так и эффекты поляризации света и роль плазмонов в усилении оптического отклика.

На рис. 1 иллюстрируются принципы сканирующей ближнепольной магнитооптики с помощью линейного зонда (*i*, *r* и *s* — падающая, отраженная и рассеянная волны; **M** — латерально неоднородная намагниченность слоя). Источником ближнего поля и излучателем служит линейный зонд (нанопроволока) с характерными поперечными размерами  $a << 1/k_0$ , где  $k_0 = \omega/c$ ,  $2\pi/k_0$  — длина волны света в вакууме на частоте  $\omega$ . Предполагается, что зонд расположен вблизи поверхности образца, параллелен ей и границам раздела слоистой среды,  $\varepsilon_n$  — диэлектрическая проницаемость *n*-го слоя. Диэлектрическая проницаемость материала зонда  $\varepsilon(\omega)$  обеспечивает существование долгоживущих (имеющих большую добротность) плазмонов, которые локализованы в плоскости поперечного сечения зонда. Объектом ближнепольной микроскопии служит домен намагниченности **M** нанометрового размера  $\sim w << k_0^{-1}$  в латеральном направлении (см. рис. 1).



Система возбуждается линейно поляризованной монохроматической волной

$$\mathbf{E}(\mathbf{\rho}, \omega) = (\mathbf{e}_x \cos\theta - \mathbf{e}_z \sin\theta) E e^{iq(x\sin\theta + z\cos\theta)}, \qquad (1)$$

падающей под углом  $\theta$ , где  $\rho = (x, z)$ ,  $q = \sqrt{\epsilon_1}k_0$ . Волна (1) упруго рассеивается зондом и доменом; рассеяные волны детектируются в волновой зоне (на расстоянии  $|\rho| >> 1/k_0$ ). Измеряемый сигнал содержит информацию о поляризации области, находящейся в ближнем поле зонда. Если в зонде (нанопроволоке) возбуждаются локальные плазмоны, то интенсивность ближнего поля и рассеянного света резонансно усиливается. При сдвиге зонда относительно домена на нанометровые расстояния оптический отклик как функция координаты сканирования  $x_0$  (рис. 1) варьируется. Сканирующая ближнепольная магнитооптическая микроскопия обеспечивает возможность наблюдения поляризационно-чувствительного оптического контраста по поверхности образца.

Неоднородное распределение намагниченности образца  $\mathbf{M}(\mathbf{\rho})$  параллельно и перпендикулярно поверхности образца описывается функциями  $f_{\parallel}(x)$  и  $f_{\perp}(z)$  соответственно. Намагниченность  $\mathbf{M}(\mathbf{\rho})$  определяет вклад в диэлектрическую поляризацию при  $\mathbf{M} \parallel \mathbf{e}_{z}$  (см. рис. 1):

$$\Delta P_{\alpha}\left(\mathbf{\rho}\right) = \frac{i\varepsilon_{B}}{4\pi} f_{\parallel}(x) f_{\perp}(z) \sum_{\beta} \left(\delta_{\alpha x} \delta_{\beta y} - \delta_{\alpha y} \delta_{\beta x}\right) E_{\beta}\left(\mathbf{\rho}\right), \tag{2}$$

где  $\varepsilon_B \sim M$ ,  $\delta_{\alpha\beta} = 1$  при  $\alpha = \beta$  и  $\delta_{\alpha\beta} = 0$  при  $\alpha \neq \beta$ . Для света, зеркально отраженного от поверхности образца, ориентация однородной намагниченности **M** ||  $\mathbf{e}_z$  такая же, как при полярном магнитооптическом эффекте Керра. Далее эффект этого типа рассматривается в геометрии рассеяния  $i \rightarrow s$  (рис. 1).

**Теория.** Задача электродинамики для линейного зонда решается в рамках теории многократного рассеяния [4—7]. Вклады в диэлектрическую поляризацию, создаваемые зондом и магнитным доменом, считаются возмущением. Поляризация зонда рассматривается самосогласованно с учетом резонансного "эффекта сил изображения", а магнитоиндуцированная поляризация (2) учитывается в первом приближении.

Для простоты далее считаем, что диэлектрическая проницаемость среды равна  $\varepsilon_1$  при z < 0 и  $\varepsilon_2$  при z > 0 (см. рис. 1). В качестве модели зонда рассмотрим круговой цилиндр (нанопроволоку), обладающий в оптическом диапазоне локальными плазмонами, поляризованными перпендикулярно оси. При рассеянии волны (1) компонента ее волнового вектора вдоль оси *у* бесконечного цилиндра сохраняется, а поле рассеянных волн зависит от  $\mathbf{\rho} = (x, z)$ . Положение оси цилиндра в плоскости *xz* задается вектором  $\mathbf{\rho}_0 = x_0 \mathbf{e}_x + z_0 \mathbf{e}_z$ , где  $|z_0| \ll 1/k_0$  — необходимое условие ближнепольной оптики.

В случае кругового цилиндра радиуса a (<< 1/ $k_0$ ), расположенного на расстоянии  $|z_0|$  от поверхности образца z = 0 (см. рис. 1), поперечные компоненты поляризуемости комплекса "цилиндр+изображение" на единицу его длины равны

$$\chi^{(\alpha)} = \frac{a^2 \left(\varepsilon - \varepsilon_1\right)}{2} \left(\varepsilon + \varepsilon_1 - \frac{a^2}{4|z_0|^2} \frac{\left(\varepsilon - \varepsilon_1\right)\left(\varepsilon_2 - \varepsilon_1\right)}{\varepsilon_1\left(\varepsilon_2 + \varepsilon_1\right)}\right)^{-1},\tag{3}$$

где  $\alpha = x, z$ . При  $|z_0| >> a$  выражение (3) описывает поляризуемость изолированного цилиндра в однородной среде, а условие  $\text{Re}\varepsilon(\omega) + \varepsilon_1 = 0$  определяет частоту его дипольных плазмонов. Второй член в знаменателе формулы (3) учитывает влияние на частоту плазмона взаимодействия между цилиндром и поверхностью образца (эффект сил изображения).

Обсудим структуру поля, рассеянного комплексом "зонд+изображение", в случае волны (1), падающей по нормали ( $\theta = 0$ ). При  $\rho >> 1/k_0$ , где  $\rho = (x, z)$  — радиус-вектор точки наблюдения с z < 0 (рис. 1), поле излучения может быть представлено цилиндрическими волнами с компонентами ( $\alpha = x, y$ )

$$\frac{1}{E} E'_{\alpha} \left( \boldsymbol{\rho}, \omega \right) = \sqrt{2\pi} \frac{e^{iq\rho + i\pi/4}}{\sqrt{q\rho}} \cos \theta' F_{\alpha} \left( Q' \right). \tag{4}$$

Здесь  $q = \sqrt{\varepsilon_1} k_0$ ,  $\sin \theta' = x/\rho$ ,  $\cos \theta' = |z|/\rho$ , угол  $\theta'(\neq 0)$  отсчитывается от отрицательного направления оси z,  $Q' = q \sin \theta'$  — компонента волнового вектора

$$\mathbf{K}' = q \left( \mathbf{e}_x \sin \theta' - \mathbf{e}_z \cos \theta' \right) \tag{5}$$

рассеянной волны (4) с  $|Q'| \in q$ . Выражение (4) описывает линейно поляризованную волну  $\mathbf{E}'_{\lambda} = E'_{\lambda} \mathbf{e}'_{\lambda}$  с волновым вектором (5) и вектором поляризации  $\mathbf{e}'_{\lambda}$ , равным  $\mathbf{e}'_{p} = -(\mathbf{e}_{x} \cos \theta' + \mathbf{e}_{z} \sin \theta')$  или  $\mathbf{e}'_{s} = \mathbf{e}_{y}$  в случае поляризации *p* или *s* соответственно. В отсутствие намагниченности (**M** = 0) для упругого (рэлеевского) рассеяния  $p \to p$  на цилиндре в формуле (4) стоит

$$F_{x}(Q') = k_{0}^{2} \chi^{(x)} e^{-iQ'x_{0}} h_{p}(Q', z_{0}) h_{p}(0, z_{0}) \cos\theta' , \qquad (6)$$

$$h_p(\kappa, z) = e^{ik_1(\kappa)z} + r_p(\kappa)e^{-ik_1(\kappa)z}, r_p = (\varepsilon_1k_2 - \varepsilon_2k_1)/(\varepsilon_1k_2 + \varepsilon_2k_1), k_n = \sqrt{\varepsilon_nk_0^2 - \kappa^2}.$$

Для магнитооптической компоненты рассеяния  $p \rightarrow s$  учет (2) дает

$$F_{y}(\mathcal{Q}') = \frac{\varepsilon_{B}}{2\varepsilon_{1}\cos\theta'} k_{0}^{2} \chi^{(x)} t_{s}(\mathcal{Q}') J(\mathcal{Q}', \mathbf{\rho}_{0}) h_{p}(0, z_{0}),$$
(7)

$$J(Q', \mathbf{\rho}_0) = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{d\kappa}{2\pi} e^{-i\kappa x_0 - ik_1(\kappa)z_0} I_{\parallel}(Q' - \kappa) I_{\perp}(Q', \kappa) t_p(\kappa) k_1(\kappa), \qquad (8)$$

где  $t_s = 2k_1/(k_1 + k_2), t_p = 1 + r_p = 2\varepsilon_1 k_2/(\varepsilon_1 k_2 + \varepsilon_2 k_1),$  $I_{\perp}(Q', \kappa) = \int_0^\infty dz \ f_{\perp}(z) e^{i [k_2(Q') + k_2(\kappa)] z},$ (9)

$$I_{\parallel}(Q'-\kappa) = \int_{-\infty}^{\infty} dx \ f_{\parallel}(x) \ e^{-i(Q'-\kappa)x} \ .$$
<sup>(10)</sup>

Для ультратонкого магнитного слоя толщиной  $l \ll k_0^{-1}$  со средней плоскостью  $z = z_1 (> l/2)$  в согласии с магнитооптикой атомарно тонких слоев [10] интеграл (9) принимает вид:  $I_{\perp}(Q',\kappa) = l \exp\{i [k_2(Q') + k_2(\kappa)] z_1\}.$ 

В общем случае распределение  $f_{\parallel} = \overline{f_{\parallel}} + \delta f_{\parallel}$  в (2) включает вклады  $\overline{f_{\parallel}}$  однородной и  $\delta f_{\parallel}$ неоднородной намагниченности, чему в выражениях (8) и (10) соответствует  $J = \overline{J} + \delta J$  и  $I_{\parallel} = \overline{I_{\parallel}} + \delta I_{\parallel}$ . В геометрии рис. 1 для латерально однородной намагниченности принимаем  $\overline{f_{\parallel}} = -1$  и из формул (8) и (10) получаем

$$\overline{J}(Q', \mathbf{\rho}_0) = -qlt_p(Q')\cos\theta' e^{-iQ'x_0 - ik_1(Q')z_0 + 2ik_2(Q')z_1}.$$
(11)

Подстановка соотношения (11) в (7) дает величину  $\overline{F}_y$ , определяющую поле (4) для магнитооптического эффекта Керра в рассеянии света зондом при однородной намагниченности слоя  $-Me_z$ . Для домена намагниченности в формулах (2) и (10) принимаем

$$\delta f_{\parallel}(x) = \frac{2w^2}{x^2 + w^2}, \ \delta I_{\parallel}(\kappa) = 2\pi w e^{-|\kappa|w}.$$
<sup>(12)</sup>

Тогда с точностью до членов ~ $k_0(w+|z_0|+z_1) << 1$  из формулы (8) находим

$$\delta J(Q', \mathbf{p}_0) = \frac{4i\varepsilon_1}{\varepsilon_1 + \varepsilon_2} lw \frac{(w + |z_0| + z_1)^2 - x_0^2}{\left[x_0^2 + (w + |z_0| + z_1)^2\right]^2}.$$
(13)

Подстановка соотношения (13) в (7) дает величину  $\delta F_y$ , входящую в поле вида (4), которое связано с намагниченностью домена.

Безразмерное сечение рассеяния света  $W = (2aL)^{-1} d\sigma/d\theta'$  на цилиндре длиной  $L >> k_0^{-1}$  представляется в виде  $W = \rho S' / (2aS^{inc})$ , где  $S^{inc}$  и S' — величины вектора

Пойнтинга падающей (1) и рассеянной (4) волн. Для рассеянного света с поляризацией в плоскости анализатора 45°, образующей угол 45° с плоскостью *xz*, *W* выражается суммой вкладов [7]

$$W_R + \overline{W}_M + \delta W_M = \frac{\pi}{qa} \left\{ \frac{1}{2} \left| F_x \right|^2 - \left[ \operatorname{Re} \left( F_x^* \overline{F}_y \right) + \operatorname{Re} \left( F_x^* \delta F_y \right) \right] \cos \theta' \right\},$$
(14)

где учтено соотношение  $|F_y| \ll |F_x|$  между (6) и (7). Вклад  $W_R$  в (14) обусловлен упругим (рэлеевским) рассеянием света  $p \to p$  комплексом "зонд+изображение" при  $\mathbf{M} = 0$ , а вклады  $\overline{W}_M$  и  $\delta W_M$  — рассеянием  $p \to s$ , связанным с латерально однородным  $\overline{f}_{||}$  и неоднородным  $\delta f_{||}$  распределениями намагниченности.

**Численный анализ.** Результаты численного расчета наблюдаемых величин для серебряной нанопроволоки, зондирующей ультратонкий слой кобальта, находящийся в матрице из золота (z > 0, рис. 1) вблизи ее поверхности, представлены на рис. 2 и 3. Диэлектрические функции є для Ag и  $\varepsilon_2$  для Au взяты из работы [11], а  $\varepsilon_B$  для Co — из [12].



На рис. 2, *а* приведен спектр упругого рассеяния света  $W_R$  комплексом ,,цилиндр+изображение" (кривая *I*), вычисленный по формуле (14). Он сравнивается со спектрами мнимой части поляризуемости (оптического поглощения) Ад цилиндра, расположенного в однородной среде (кривая *2*) и около границы Au (кривая *3*). Все кривые показывают наличие локального плазмонного резонанса, который смещен в длинноволновую сторону и уширен в случае цилиндра, расположенного вблизи массивного Au. На рис. 2, *б* приведены рассчитанные по формулам (6)—(14) магнитооптические вклады  $\delta W_M / (k_0^4 a^3 l)$  (кривые *I* и *2*) и  $\overline{W}_M / (k_0^4 a^3 l)$  (*I'* и *2'*) в сечение рассеяния (14) при  $\theta' = 30^\circ$  (*I* и *I'*)  $\theta' = 60^\circ$  (*2* и *2'*). Параметры вычислены при нормальном падении света ( $\theta = 0$ ) для цилиндра Ag радиуса a = 4,5 нм, находящегося в среде с  $\varepsilon_1 = 2$  на расстоянии  $|z_0| = 5$  нм от поверхности Au со слоем Co внутри, для которого  $z_1 = 2$  нм и  $l < 2z_1$ . Резонансные особенности функций отклика

 $\overline{W}_M$  и  $\delta W_M$  в области плазмонного резонанса коррелируют со спектрами поляризуемости цилиндра (рис. 2, *a*). Таким образом, при возбуждении через локальные плазмоны нанопроволоки магнитооптический отклик  $\overline{W}_M + \delta W_M$  существенно усиливается по сравнению с его значением вдали от плазмонного резонанса. Здесь имеет место усиление или ослабление интенсивности рассеяния, аналогичное истинному усилению магнитооптического эффекта Керра поверхностными плазмонами [10]. В спектрах углов керровского вращения и эллиптичности усиление отсутствует: определяющее эти углы отношение  $F_y/F_x$  величин (6) и (7) не содержит резонансной функции (3).



На рис. З иллюстрируется представленная теория применительно к сканирующей ближнепольной микроскопии. Магнитооптический отклик  $\overline{W}_M + \delta W_M$  из (14) показан на рис. З как функция координаты нанозонда  $x_0$  (длина волны 350 (1) и 400 нм (2); вычислено для рассеянного света при  $\theta = 0$ ,  $\theta' = 30^\circ$ , w = 10 нм и тех же параметрах, что на рис. 2). Зависящий от  $x_0$  вклад  $\delta W_M$  определяет сигнал сканирующей ближнепольной микроскопии, который дает "изображение" домена намагниченности с центром x = 0 и формой, заданной выражением (12). Сигнал  $\delta W_M$  проявляется на "фоне" вклада  $\overline{W}_M$  однородной составляющей намагниченности, который не зависит от  $x_0$ . Рис. 3 показывает, что величина вкладов  $\delta W_M$  и  $\overline{W}_M$  в интенсивность рассеяния на частоте плазмонного резонанса (длина волны около 350 нм) значительно больше, чем вне резонанса (400 нм). Еще большего резонансного усиления ближнеполевого сигнала плазмонами можно ожидать в случае эллиптического цилиндра.

**Выводы.** Предложена схема ближнепольного оптического микроскопа, использующего линейный нанозонд (нанопроволоку благородного металла), продемонстрированы особенности сканирующей микроскопии в режиме рассеяния и сделаны практически важные оценки. Для линейного зонда получены существенно иные характеристики рассеяния света, чем для точечных зондов. Показано, что при возбуждении плазмонов в зонде происходит значительное резонансное усиление вклада в интенсивность ближнепольных магнитооптических эффектов; при этом усиления керровского вращения и эллиптичности не происходит. Показано, что размер "изображения" нанообъекта в ближнепольной микроскопии превышает его истинный размер на величину расстояния между объектом и зондом по нормали к поверхности образца. Основные выводы, сделанные в данной работе для весьма сложного случая резонансной магнитооптической микроскопии в поляризованном свете, справедливы и для обычной ближнепольной оптики.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Novotny L., Stranick S. J. Near-Field Optical Microscopy and Spectroscopy with Point Probes // Ann. Rev. Phys. Chem. 2006. Vol. 57. P. 303—331.
- 2. Silva T. J., Schultz S., Weller D. Scanning near-field optical microscope for the imaging of magnetic domains in optically opaque materials // Appl. Phys. Lett. 1994. Vol. 65. P. 658-660.
- 3. Safarov V. I., Kosobukin V. A., Hermann C., Lampel G., Marliere C., Peretti J. Near-field magneto-optics with polarization sensitive STOM // Ultramicroscopy. 1995. Vol. 57. P. 270-276.
- 4. Kosobukin V. A. Magneto-optics via the near field // Surface Science. 1998. Vol. 406. P. 32-47.
- 5. Кособукин В. А. К теории сканирующей ближнеполевой магнитооптической микроскопии // ЖТФ. 1998. Т. 43. С. 824—829.
- 6. *Kosobukin V. A.* Theoretical aspects of near-field magneto-optics and scanning magneto-optical microscopy // Proc. SPIE. 1999. Vol. 3791. P. 93—101.
- 7. Кособукин В. А. Ближнеполевая магнитооптика в резонансном рассеянии света линейным нанозондом // Письма в ЖТФ. 2008. Т. 34, № 19. С. 86—94.
- Abe M., Suwa T. Surface plasma resonance and magneto-optical enhancement in composites containing multicoreshell structured nanoparticles // Phys. Rev. 2004. Vol. B 70. P. 235 103.
- 9. *Betzig E., Trautman J. K., Wolfe R.* et al. Near-field magneto-optics and high density data storage // Appl. Phys. Lett. 1992. Vol. 61. P. 142—144.
- 10. *Hermann C., Kosobukin V.A., Lampel G.* et al. Surface-enhanced magneto-optics in metallic multilayer films // Phys. Rev. 2001. Vol. B 64. P. 235 422.
- 11. Johnson P. B., Christy R. W. Optical constants of the noble metals // Phys. Rev. 1972. Vol. B 6. P. 4370-4379.
- 12. Кринчик Г. С., Артемьев В. А. Магнитооптические свойства никеля, кобальта и железа в УФ, видимой и ИК областях спектра // ЖЭТФ. 1967. Т. 53. С. 1901.

## Сведения об авторе

*Владимир Артемович Кособукин* — д-р физ.-мат. наук, профессор; Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН; Санкт-Петербургский государственный политехнический университет, кафедра твердотельной электроники; E-mail: Vladimir.Kosobukin@mail.ioffe.ru

Рекомендована программным комитетом Конференции

Поступила в редакцию 08.09.10 г.